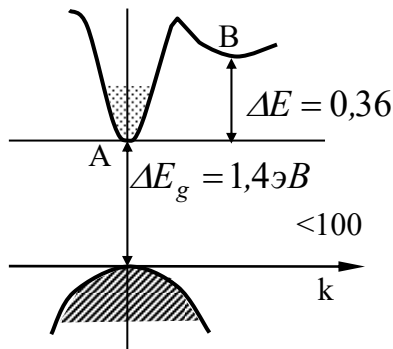


# Тема 5: Ефект Ганна.

Якщо в зоні провідності напівпровідника є більш одного мінімуму енергії (для різних  $\vec{k}$ ) і при цьому ефективні маси електронів у різних мінімумах сильно відрізняються, то при прикладенні зовнішнього постійного електричного поля в такому напівпровіднику можуть виникнути процеси, що приводять до струмової нестійкості і появи високочастотних коливань. Це явище вперше спостерігав Ганн Дж. у 1963 р. на *GaAs*.

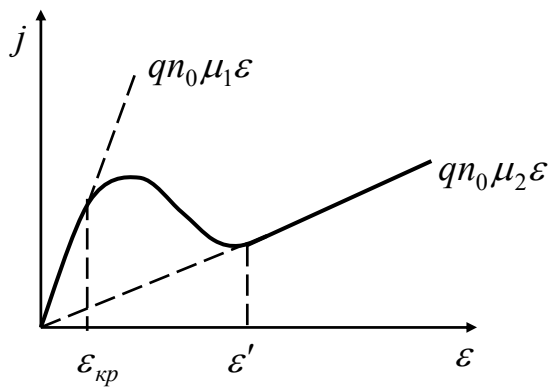


При малих зовнішніх електричних полях електрони знаходяться в термодинамічній рівновазі з граткою і так як  $kT \ll \Delta E$ , то електрони будуть займати в основному рівні в  $\underline{a}$ . При цьому  $n_1 = n_0$  і

$$j = qn_0\mu_1\varepsilon \quad (1)$$

– струм зростає лінійно з  $\varepsilon$  до деякого  $\varepsilon_{кр}$ .

В міру зростання  $\varepsilon$   $E_{кр}$  електронів збільшується й у результаті розсіювання на оптичних фонах (непрямі переходи з  $\underline{a}$  в  $\underline{b}$  із зміною  $k$  заборонені) стає можливим перехід у верхню долину  $\underline{b}$ . Такий вид розсіювання одержав назву «міждолинного».

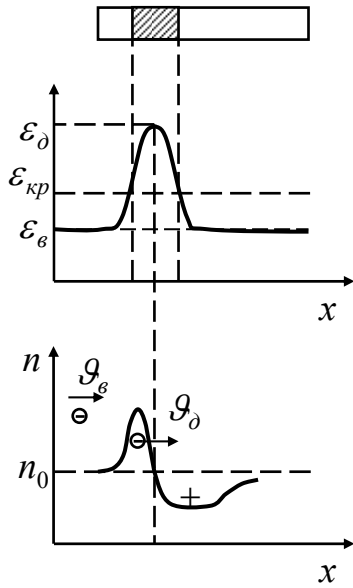


У долині  $\underline{b}$   $m_2^*$  велика,  $\mu_2$  – мала і висока щільність станів. Тепер сумарна  $n_0 = n_1 + n_2$  і, отже, із збільшенням  $\varepsilon$  зменшується  $\sum \mu$  і, отже, зменшується  $j$  до деякого значення  $\varepsilon'$ . При  $\varepsilon > \varepsilon'$  всі електрони будуть в  $\underline{b}$  і  $j$  почне зростати (слабіше, ніж при  $\mu_1$ )

$$j = qn_0\mu_2\varepsilon \quad (2)$$

Розглянемо тепер напівпровідник довжиною  $L$ . Якщо він ідеально однорідний, то зовнішнє поле в ньому розподілено однаково по всій довжині зразка (і при збільшенні  $\varepsilon$  в зовнішньому ланцюзі ми спостерігали б просто  $N$ -образну ВАХ). Однак, якщо в зразку є локальна неоднорідність із підвищеним опором, то в цій області напруженість поля буде вище і  $\varepsilon_{кр}$  буде досягнуто перш за все тут. Досягнення  $\varepsilon_{кр}$  приведе до росту  $n_2$ , до росту  $R$  і, отже, до подальшого росту  $\varepsilon$  і знову ж  $n_2$ . Але тому що напруга, прикладена до зразка, не змінюється, то  $\varepsilon$  справа і зліва від цієї області буде падати. У результаті розподіл поля стає сильно неоднорідним, з'являється область сильного поля, яку називають електричним доменом.

Область «важких» електронів (домен) буде переміщатися з відносно низькою швидкістю ( $\mu_2$  мале). Справа і зліва від неї будуть із великою швидкістю рухатися «легкі» електрони.



Це приведе до перерозподілу заряду і виникненню областей негативного і позитивного заряду. Оскільки усередині домена напруженість поля велика, то збільшується і швидкість електронів. Поза доменом  $\mathcal{E}$  зменшується і швидкість – зменшується. Через деякий проміжок часу встановиться стаціонарний стан, при якому  $\mathcal{G}_\delta = \mathcal{G}_\epsilon$

$$\mu_2 \mathcal{E}_\delta = \mu_1 \mathcal{E}_\epsilon \quad (3)$$

При цьому  $\mathcal{G}_\delta < \mathcal{G}_{\max}$ , що відповідає  $\mathcal{E}_{кр}$ . Тому в момент підключення до зразка напруги

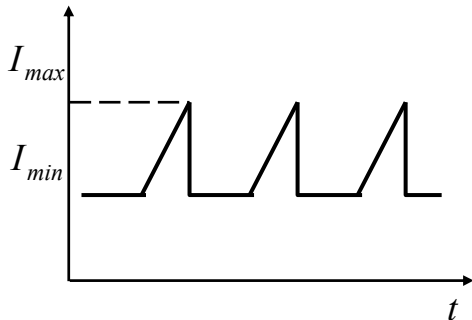
$$j_{\max} = qn_0 \mathcal{G}_{\max} = qn_0 \mu_1 \mathcal{E}_{кр} \quad (4)$$

Після цього відразу почнеться процес утворення домену і тому що він дуже малий ( $\tau$  міждоменного переходу  $\sim 10^{-12}$  с), то струм дуже швидко спадає до

$$j_{\min} = qn_0 \mathcal{G}_\delta = qn_0 \mu_2 \mathcal{E}_\delta \quad (5)$$

$j_{\min}$  зберігається протягом усього часу руху домену уздовж зразка:

$$T = \frac{L}{\mathcal{G}_\delta}$$



По досягненні аноду область сильного поля виходить із зразка і струм знову збільшується до  $I_{\max}$ , потім все повторюється. У результаті руху домену по кристалі в зовнішньому ланцюзі виникають високочастотні коливання.

При  $L = 50$  мкм  $\nu = 2$  ГГц. Скважність визначається  $T$ . Для спостереження ефекту Ганна потрібні чисті і дуже однорідні зразки (щоб домен утворювався на одній і тій же неоднорідності і  $T = const$ ).  $\Delta E$  не повинно бути велике інакше будуть потрібні великі  $\mathcal{E}$ , при котрих  $n$  може зрости за рахунок тунелювання або ударної іонізації.

### Гальваномагнітні явища в напівпровідниках.

Гальваномагнітними називаються явища, що виникають у напівпровідниках при одночасній дії електричного і магнітного поля.

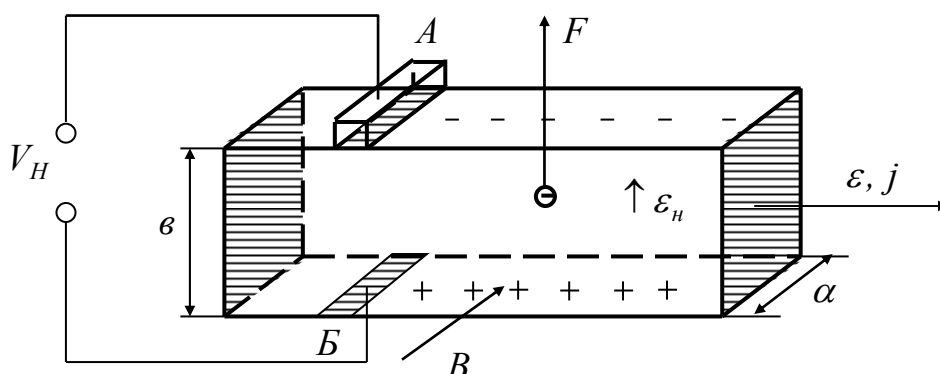
## Ефект Холу при уніполярній провідності.

Ефект Холу розглянемо для слабкого магнітного поля умовою якого є

$$\frac{\mu B}{2\pi} \ll 1 \quad (1)$$

(умова сильного поля  $\frac{\mu B}{2\pi}$ ).

У слабкому магнітному полі, носій заряду, що рухається по круговому шляху в площині перпендикулярній  $B$  устигає пройти до зіткнення малу відстань ( $r \gg l$ ), а в сильному ( $r \ll l$ ) траєкторія до зіткнення змінюється дуже сильно.



Нехай по напівпровіднику:

$$\vec{j} = \pm q n \vec{V} = \sigma \vec{\varepsilon} \quad (2)$$

$\vec{V}$  – дрейфова швидкість.

Якщо напівпровідник однорідний, то екіпотенційні поверхні перпендикулярні до  $\vec{\varepsilon}$  та  $\vec{j}$  і тому  $\Delta\varphi_{AB}$  ( $A$  і  $B$  у площині перпендикулярній  $\vec{j}$ ) дорівнює 0.

Помістимо зразок в магнітне поле з вектором  $\vec{B}$  перпендикулярним  $\vec{j}$ . У цьому випадку на носій заряду діє сила Лоренца:

$$F = \pm q [\vec{V}_{др} \vec{B}] \quad (3)$$

“+” – дірка;

“–” – електрон.

$$\vec{V} = \mu \vec{\varepsilon} = \pm \frac{q \langle \tau \rangle}{m^*} \vec{\varepsilon} \quad (4)$$

Тоді

$$F = \frac{q^2 \langle \tau \rangle}{m^*} [\vec{\varepsilon} \vec{B}] \quad (5)$$

тобто напрямок сили Лоренца не залежить від знаку  $q$ , а визначається напрямком  $\vec{\varepsilon}(\vec{j})$  і  $\vec{B}$ . (правило лівої руки).

У результаті розподілу зарядів з'явиться  $\vec{\varepsilon}_n$  (поле Холу) перпендикулярне  $\vec{B}$ , його напрямок залежить від знаку  $q$ .

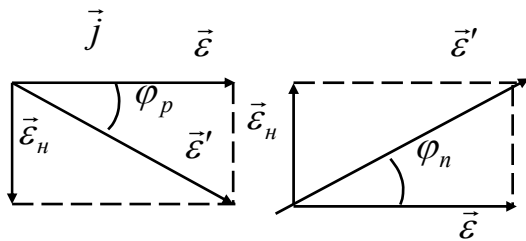
Явище виникнення поперечного поля в напівпровіднику зі струмом під дією  $\vec{B}$  і називається ефектом Холу.

$\vec{\varepsilon}_n$  буде зростати поки сила цього поля не скомпенсує силу Лоренца:

$$\pm q\varepsilon_n = q\mathcal{G}_\phi B \quad (6)$$

При цій умові носії заряду рухаються уздовж зразка під дією тільки продольного поля  $\vec{\varepsilon}$  і, отже,  $\vec{j}$  співпадає з  $\vec{\varepsilon}$ . Вектор сумарного поля  $\vec{\varepsilon}' = \vec{\varepsilon} + \vec{\varepsilon}_n$  тепер повернений на деякий кут  $\varphi$  щодо  $\vec{j}$ , який і зветься кутом Холу.

Тепер екіпотенційні поверхні будуть повернені на кут  $\varphi$  і між точками  $A$  і  $B$  з'явиться  $\Delta\varphi$  – е.р.с. Холу. Якщо  $v$  – ширина зразку, то



$$V_n = \vec{\varepsilon}_n v = -\mathcal{G} B v \quad (7)$$

якщо врахувати (2)

$$V_n = -\frac{1}{qn} j B v = R j B v \quad (8)$$

$R$  – коефіцієнт або постійна Холу

$$R = -\frac{1}{qn} \quad \text{або} \quad R = \frac{1}{qp} \quad (9)$$

Співвідношення (9) і (8) справедливе, якщо  $\tau$  (час релаксації) не залежить від енергії і не враховується статистичний розподіл електронів і дірок по енергіях. У загальному випадку

$$R = -\frac{A}{qn} \quad R = \frac{A}{qp},$$

де  $A$  – чисельний множник, що залежить від механізму розсіювання, і називається Хол-фактором (причому  $A$  для електронів не обов'язково збігається з  $A$  для дірок). Докладніше про нього поговоримо нижче, коли будемо розглядати ефект Холу для напівпровідника з двома типами носіїв.

Кут Холу  $\varphi$  можна визначити зі співвідношення

$$tq\varphi = \frac{\varepsilon_n}{\varepsilon} = \frac{RjB}{\varepsilon} = R\sigma B, \quad (\text{із (8)})$$

$$R = \frac{\varphi}{\sigma B},$$

$$\sigma_n = qn\mu_n,$$

$$\left. \begin{aligned} \varphi_n &= R_n \sigma_n B = -\mu_n B \\ \varphi_p &= R_p \sigma_p B = \mu_p B \end{aligned} \right\} \quad (10)$$

Повернемося до співвідношення  $R = -\frac{A}{qn}$  і згадаємо, що

$$\sigma_n = qn\mu_n$$

(для електронного напівпровідника  $n \gg p$ )

$$\frac{1}{qn} = \frac{\mu_n}{\sigma} = \frac{|R|}{A}$$

$$\mu_n = \frac{1}{A} \sigma |R|$$

Величина  $\sigma |R| = A\mu_n = \mu_n$  має розмірність рухливості і називається холівською рухливістю носіїв заряду, на відміну від  $\mu_n = \mu_{n\partial p}$  – дрейфової рухливості.

$$\mu_n = A\mu_{\partial p} \quad (11)$$

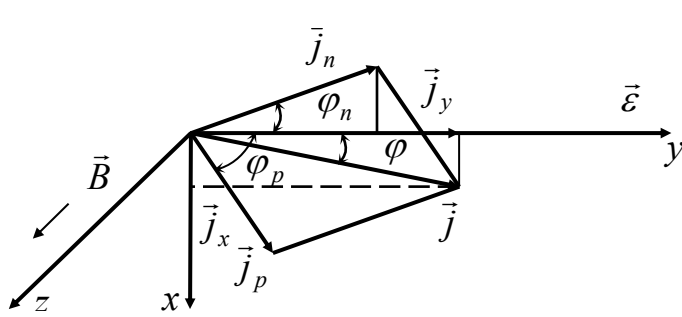
$$\mu_{pn} = A\mu_{p\partial p}$$

$$\mu_{nn} = A'\mu_{n\partial p}$$

Саме  $\mu_n$  визначає  $\varphi_x$ .

Якщо  $\tau = const$  (не залежить від  $E$ ),  $A=1$  і  $\mu_n = \mu_{\partial p}$ . Це має місце в металах і вироджених напівпровідників для котрих  $\tau = \tau(E_F) = const$  і  $R$  не залежить від механізму розсіювання.

**Ефект Холу при змішаній провідності.  
Вплив механізму розсіювання на величину постійної Холу.**



Як ми бачили  $\vec{j}_n$  і  $\vec{j}_p$  відхиляються в різних напрямках, тому при змішаній провідності варто зображувати діаграму струмів.

$$\vec{j} = \vec{j}_n + \vec{j}_p$$

Осі:  $x$  – по або проти  $\varepsilon_x$ ,  $y$  – по  $\vec{\varepsilon}$ ,  $z$  – по  $\vec{B}$ .

Згадаємо: ми розглядаємо слабкі магнітні поля, отже, усі кути  $\varphi$  малі. Тому:

$$j_y = j_p \overset{\cong 1}{\cos \varphi_p} + j_n \overset{\cong 1}{\cos \varphi_n} = \overset{\sigma}{q(p\mu_p + n\mu_n)} \varepsilon = \sigma \varepsilon \quad (12)$$

$$j_x = j_p \overset{\varphi_p}{\sin \varphi_p} + j_n \overset{\varphi_n}{\sin \varphi_n} = j_p \varphi_p + j_n \varphi_n \quad (13)$$

Згадавши (10) для  $\varphi_p$  і  $\varphi_n$  і з огляду на напрямок ( $\varphi_n = -\mu_n B$ ), одержимо:

$$j_x = q(p\mu_p^2 - n\mu_n^2) \varepsilon B \quad (14)$$

Тоді

$$R = \frac{j_x}{j_y} \approx \varphi = \frac{p\mu_p^2 - n\mu_n^2}{p\mu_p + n\mu_n} B \quad (15)$$

$$R = \frac{\varphi}{\sigma B} = \frac{1}{q} \frac{p\mu_p^2 - n\mu_n^2}{(p\mu_p + n\mu_n)^2} \quad (16)$$

При виведенні коефіцієнту Холу за допомогою рівняння Больцмана з урахуванням розподілу носіїв заряду по швидкостям (енергіям) у невідроджених напівпровідниках одержують:

$$R = \frac{A}{q} \cdot \frac{p\mu_p^2 - n\mu_n^2}{(p\mu_p + n\mu_n)^2} \quad (17)$$

Значення Хол-фактору при розсіюванні електронів:

на атомах фононів:  $A_{a.f.} = \frac{3\pi}{8} \cong 1,18$ ;

на іонах домішки:  $A_I = \frac{315\pi}{512} \approx 1,93$ ; (для дірок може бути інше).

$\tau = \text{const } A = 1$ .

(16) і (17) – загальний вираз для коефіцієнту Холу  $R$ . З нього легко одержати (9) поклавши  $p=0$  або  $n=0$ .

Для власної провідності  $n = p = n_i$  і

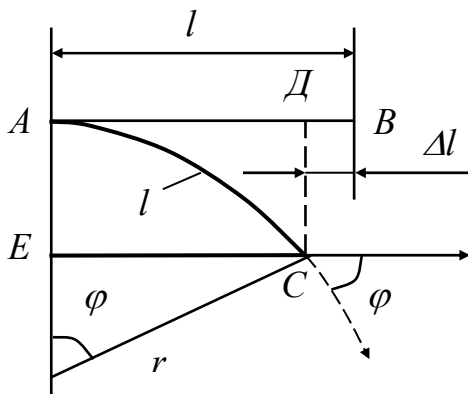
$$R = \frac{A}{qn_i} \cdot \frac{\mu_p - \mu_n}{\mu_p + \mu_n} \quad (18)$$

Так як  $\mu_n$  звичайно більше  $\mu_p$ , то  $R < 0$ .

У сильних полях  $\left(\frac{\mu B}{2\pi} \gg 1\right) A = 1$ . Для металів і вироджених напівпровідників незалежно від  $B$   $A = 1$ .

Ефект Холу дуже широко застосовують у дослідницькій роботі. Основна проблема – розташувати холівські електроди точно на еквіпотенціальній поверхні струму, щоб не вимірювати омичну різницю потенціалів через несиметричне розташування холівських контактів. Вихід – вимірювання  $V_x$  при двох напрямках струму, перемінний струм, мостові схеми.

### Магніторезистивний ефект.



Очевидно, що відхилення руху носіїв заряду в магнітному полі від напрямку зовнішнього  $\vec{\mathcal{E}}$  (дія, що закручує,  $B$ ) приведе до зміни довжини вільного пробігу носія заряду в напрямку  $\vec{\mathcal{E}}$ , що рівносильно зміні опору. Це явище – магнітоопору (ефект Гауса) або магніторезистивний ефект.

Будемо вважати, що поле Холу ще відсутнє. Середня довжина вільного пробігу  $l = AB$  у напрямку поля  $\vec{\mathcal{E}}$  зменшиться на

$$\Delta l = DB = l - AD,$$

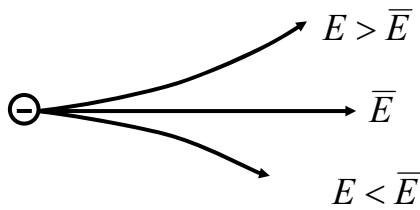
$$AD \approx AC \cos \varphi = l \cos \varphi \approx l \left(1 - \frac{\varphi^2}{2}\right),$$

$$\Delta l = l - l \left(1 - \frac{\varphi^2}{2}\right) = \frac{l\varphi^2}{2},$$

$$\varphi_p = A\mu_p B; \quad \varphi_n = -A\mu_n B \quad (\text{для } n \text{ - і } p \text{ - напівпровідника),}$$

$$\left. \begin{aligned} \frac{\Delta\rho_p}{\rho_p} &= \frac{\Delta l_p}{l_p} = \frac{A^2 \mu_p^2 B^2}{2} \\ \frac{\Delta\rho_n}{\rho_n} &= \frac{\Delta l_n}{l_n} = \frac{A^2 \mu_n^2 B^2}{2} \end{aligned} \right\} \quad (1)$$

У (1) мається на увазі, що  $\Delta\rho$  пропорційне  $\Delta\bar{l}$  і всі носії заряду рухаються з однією  $\bar{g}_{cp}$  і мають одну  $l$ . Тому що  $\rho$  зростає зі зменшенням  $l$ , то якщо не враховувати  $\vec{\varepsilon}_{Холла}$  і розподіл по  $\mathcal{G}(E)$ , то відносна зміна  $\rho\left(\frac{\Delta\rho}{\rho}\right)$  пропорційна квадрату добутку  $\mu$  на  $B$ . (Так званий геометричний магнітоопір). При наявності  $\vec{\varepsilon}_x$  і якщо не враховувати розподіл по  $E$  і механізм розсіювання, магнітоопір відсутній. При наявності  $\varepsilon_x$  закручування в  $\vec{B}$  і, отже, зміна  $\bar{l}$  буде спостерігатися лише для «гарячих» (швидких) і «холодних» (повільних) носіїв заряду, тому що завжди існує розкид  $\mathcal{G}$  (і  $E$ ).



Для «гарячих»  $F_A > e\varepsilon_x$ , для «холодних»  $e\varepsilon_x > F_A$ . При цьому закручування і  $\Delta l$  для них буде менше, ніж у відсутність  $\varepsilon_x$  і, отже,  $\frac{\Delta\rho}{\rho}$  буде менше, ніж по формулі (1). (Фізичний магнітоопір).

З огляду на вищесказане, ясно, що  $\frac{\Delta\rho}{\rho}$  істотно залежить від конфігурації зразка

(відношення довжини до ширини). Ясно, що для максимального  $\frac{\Delta\rho}{\rho}$  варто

використовувати короткі, широкі зразки з омнічними контактами на довгих сторонах, що шунтують е.р.с. Холу. Оптимальною конструкцією є диск Корбіно, у якого один контакт розташований у центрі кривої пластини, а інший – по її окружності. Тоді струм – у радіальних напрямках і  $\varepsilon_x$  відсутні.

У загальному випадку:

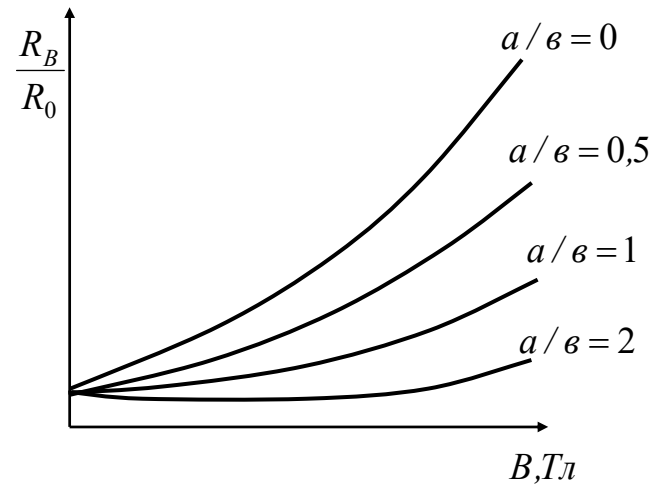
$$\rho_s = \rho_0(1 + HB^2), \quad (2)$$

$$\frac{\Delta\rho}{\rho_0} = \frac{\rho_s - \rho_0}{\rho_0} = HB^2, \quad (3)$$

де  $H$  – кінетичний коефіцієнт магнітоопору, що є функцією  $\tau$  (механізму розсіювання). При виведенні (2) і (3) враховується і розподіл по енергіях (у нерівноважній добавці до  $f$ ) і вплив  $\varepsilon_x$ .

В обмеженому напівпровіднику в області слабких полів  $H = const$ , в області сильних –  $H \sim B^2$ , що приводить до насичення опору.





У необмеженому напівпровіднику  $H$  постійне як в області сильних, так і слабких полів, але при цьому має різне значення. (При  $B \rightarrow \infty, \rho_s \rightarrow \infty$ ).