



## МАТЕМАТИЧНІ ОСНОВИ КРИПТОГРАФІЇ

**Викладач:** кандидат фізико-математичних наук, доцент, Зіновєєв Ігор Валерійович

**Кафедра:** Загальної математики, I корпус, ауд. 21а

**E-mail:** zinoveev@znu.edu.ua

**Телефон:** (061) 289-12-54

**Інші засоби зв'язку:** Moodle (форум курсу, приватні повідомлення)

<b>Освітня програма, рівень вищої освіти:</b>	Прикладна математика Бакалавр						
<b>Статус дисципліни:</b>	Нормативна						
<b>Кредити ECTS</b>	4	<b>Навч. рік:</b>	2020-21	<b>Рік навчання</b>	3	<b>Тижні</b>	14
<b>Кількість годин</b>	120	<b>Кількість змістових модулів<sup>1</sup></b>	3	<b>Лекційні заняття – 14 Практичні заняття – 28 Самостійна робота – 78</b>			
<b>Вид контролю:</b>	залік						
<b>Посилання на курс в Moodle</b>	<a href="https://moodle.znu.edu.ua/course/view.php?id=6888">https://moodle.znu.edu.ua/course/view.php?id=6888</a>						
<b>Консультації:</b> час консультація за розкладом консультацій (розміщено на стенді кафедри) Moodle (форум курсу), Zoom							

### ОПИС КУРСУ

Курс є необхідною складовою частиною базової теоретичної та практичної підготовки студента, що навчається за освітньою програмою «прикладна математика», а також є основою для подальшого вивчення спеціальних дисциплін.

Програму курсу укладено згідно з вимогами Європейської кредитної трансферно-накопичувальної системи (ЄКТС) організації навчання.

Курс «Математичні основи криптографії» складається з 3-х змістових модулів: 1. Основні поняття криптографії та захисту інформації. Математичні основи; 2. Криптосистеми на базі кілець; 3. Асиметричні криптосистеми на базі полів.

Основною **метою** викладання курсу є отримання компетентностей в області криптографії, криптографічного захисту інформації.

Основними **завданнями** курсу є: надання студентам теоретичних знань про задачі та особливості криптографічного захисту інформації; формування у студентів категоріальних понять з основ математики симетричної та асиметричної криптографії; формування у студентів умінь обчислювати параметри цифрового підпису і розподілу ключів на основі відомих протоколів; стимулювання студентів до активної аналітико-пошукової роботи.

### ОЧІКУВАНІ РЕЗУЛЬТАТИ НАВЧАННЯ

У разі успішного завершення курсу студент **зможє:**

- застосовувати на практиці набуті знання про джерела і способи дії загроз на об'єкти інформаційної безпеки ;
- використовувати фундаментальні та спеціальні знання з математики до розв'язання прикладних задач в галузі шифрування, кодування даних, захисту інформації,



кібербезпеки;

- володіти алгоритмами шифрування інформаційних текстів та застосовувати їх;
- працювати з концептуальними моделями розробки, розподілу, обробки, використання та зберігання конфіденціальних документів;
- створювати засобами стандартного програмного забезпечення елементи захисту інформації.

Використання новітніх програмних засобів під час виконання практичних та лабораторних завдань розвине як загальні, так і професійні компетенції слухачів.

## ОСНОВНІ НАВЧАЛЬНІ РЕСУРСИ

Презентації лекцій, плани занять, методичні рекомендації до виконання індивідуальних та практичних завдань, групових творчих проектів розміщені на платформі Moodle:

<https://moodle.znu.edu.ua/course/view.php?id=6888>

## КОНТРОЛЬНІ ЗАХОДИ

### Поточні контрольні заходи

**Теоретичний контроль** (кількість балів зазначено на сторінці дисципліни в moodle) – усні (до 2 балів за один контроль) та письмові (до 5 балів за один контроль) опитування на лекціях, практичних заняттях, тестування – (до 5 балів за тест).

**Практичний контроль** (кількість балів зазначено на сторінці дисципліни в moodle) – розв'язання практичних домашніх завдань, завдань самостійної роботи (до 5 балів за один контроль), письмові контрольні роботи (до 5 балів за один контроль, двічі на семестр), тестування – (до 5 балів за тест).

**Реферат** – оволодіння матеріалом, що виноситься на самостійну роботу (до 3 балів за один реферат, двічі на семестр).

### Підсумкові контрольні заходи:

**Індивідуальне дослідницьке завдання, проект (ІДЗ, можливо виконання у групі з двох, трьох студентів).**

ІДЗ видається за один – два місяці до завершення теоретичного навчання поточного семестру. Термін виконання не менше одного місяця. Виконане ІДЗ, на передостанньому тижні теоретичного навчання поточного семестру подається викладачеві у вигляді оформленої пояснювальної записки (постановка задачі (змістовна, концептуальна, конкретна, математична), побудова та обґрунтування адекватності математичної моделі, обґрунтування методу розв'язання, його достовірності, розв'язок задачі, інтерпретація отриманих результатів, прогнозування або рекомендації до застосування моделі).

На останньому тижні проводиться публічний захист у групі (до 20 балів).

Формат захисту ІДЗ проекту: презентація, тривалістю до 10 хвилин та відповідь на задані присутніми питання (до 5 хвилин).

Детальні вимоги та практичні рекомендації до виконання ІДЗ на сторінці курсу у Moodle та на поточних консультаціях.

Результати ІДЗ можуть стати основою для доповідей на студентських науково-практичних конференціях.

**Залікове тестове завдання** (до 20 балів) – проводиться у системі Moodle або MyTestXPro із використанням (за необхідністю) розроблених програмних продуктів, MsExcel, Maple. Критерії оцінювання та вимоги до тесту наведено в інструкції до тесту та поточній консультації.

**ЗАПОРІЗЬКИЙ НАЦІОНАЛЬНИЙ УНІВЕРСИТЕТ  
МАТЕМАТИЧНИЙ ФАКУЛЬТЕТ  
Силабус навчальної дисципліни**



Контрольний захід		Термін виконання	% від загальної оцінки
<b>1(7) семестр</b>			
<b>Поточний контроль (max 60%)</b>			
Змістовий модуль 1	Теоретичний контроль	Тижні 1–5	4
	Практичні завдання	Тижні 1–5	10
	Реферат	Тиждень 4	3
	Тест за змістовим модулем	Тиждень 5	5
Змістовий модуль 2	Теоретичний контроль	Тижні 6–10	5
	Практичні завдання	Тижні 6–10	10
	Тест за змістовим модулем	Тиждень 10	5
Змістовий модуль 3	Теоретичний контроль	Тижні 11–14	5
	Практичні завдання	Тижні 11–14	10
	Реферат	Тиждень 13	3
<b>Підсумковий контроль (max 40%)</b>			
Заліковий тест за курс			20
Захист індивідуального дослідницького завдання або групового проекту			20
<b>Разом</b>			<b>100</b>

**Шкала оцінювання: національна та ECTS**

За шкалою ECTS	За шкалою університету	За національною шкалою	
		Екзамен	Залік
A	90 – 100 (відмінно)	5 (відмінно)	Зараховано
B	85 – 89 (дуже добре)	4 (добре)	
C	75 – 84 (добре)		
D	70 – 74 (задовільно)	3 (задовільно)	
E	60 – 69 (достатньо)		
FX	35 – 59 (незадовільно – з можливістю повторного складання)	2 (незадовільно)	Не зараховано
F	1 – 34 (незадовільно – з обов'язковим повторним курсом)		

**РОЗКЛАД КУРСУ ЗА ТЕМАМИ І КОНТРОЛЬНІ ЗАВДАННЯ**

Тиждень і вид заняття	Тема заняття	Контрольне завдання	Кількість балів
<b>Змістовий модуль 1.</b>			
Тижні 1–2 Лекція 1 Практичні 1-2	Вступ. Основні поняття безпеки інформації,	Фронтальне опитування (усне, письмове). Згідно плану заняття, перевірка виконання д/з, оволодіння теоретичним матеріалом, практичними вміннями та навичками	2

**ЗАПОРІЗЬКИЙ НАЦІОНАЛЬНИЙ УНІВЕРСИТЕТ**  
**МАТЕМАТИЧНИЙ ФАКУЛЬТЕТ**  
**Силабус навчальної дисципліни**



	криптографії Математичні основи . Теорія чисел. Модульна арифметика.		
Тижні 3–4 Лекція 3 Практичні 3-4	Математичні основи . Кінцеві групи, кільця і поля Мультиплікативні групи полів і кілець	Фронтальне опитування (усне, письмове). Згідно плану заняття, перевірка виконання д/з, оволодіння теоретичним матеріалом, практичними вміннями та навичками	2  4
Тижні 5–6 Лекція 5 Практичні 5-6	Розподіл ключів за схемою Діффі- Хелмана Модульний контроль	Фронтальне опитування (усне, письмове). Згідно плану заняття, перевірка виконання д/з, оволодіння теоретичним матеріалом, практичними вміннями та навичками Співбесіда за матеріалом реферату Тест за змістовим модулем	2  4  3 5
Змістовий модуль 2.			
Тижні 7–8 Лекція 7 Практичні 7-8	Криптосистема RSA Ключові пари RSA	Фронтальне опитування (усне, письмове). Згідно плану заняття, перевірка виконання д/з, оволодіння теоретичним матеріалом, практичними вміннями та навичками	2  5
Тижні 9–10 Лекція 9 Практичні 9-10	Цифровий підпис RSA Безпека RSA	Фронтальне опитування (усне, письмове). Згідно плану заняття, перевірка виконання д/з, оволодіння теоретичним матеріалом, практичними вміннями та навичками Тест за змістовим модулем	3  5  5
Змістовий модуль 3.			
Тижні 11–12 Лекція 11 Практичні 11-12	Еліптичні криві над полем дійсних чисел Криптосистема Ель- Гамала над еліптичною кривою.	Фронтальне опитування (усне, письмове). Згідно плану заняття, перевірка виконання д/з, оволодіння теоретичним матеріалом, практичними вміннями та навичками	2  5
Тижні 13–14 Лекція 13 Практичні 13-14	Цифровий підпис. Стандарти цифрового підпису	Фронтальне опитування (усне, письмове). Згідно плану заняття, перевірка виконання д/з, оволодіння теоретичним матеріалом, практичними вміннями та навичками Співбесіда за матеріалом реферату	3  5  3
Тижні 13–14	Підсумковий контроль	Захист ІДЗ	20
Тижні 13–14	Підсумковий контроль Екзамен	Тестування (проводиться у системі Moodle або MyTestXPro)	20



## ОСНОВНІ ДЖЕРЕЛА

1. Аграновский А. В., Хади Р. А. Практическая криптография: алгоритмы и их программирование - М.: СОЛОН-ПРЕСС, 2009
2. Бессалов А.В., Телиженко А.Б. Криптосистемы на эллиптических кривых.-К: Изд. «Политехника», 2004. - 224с.
3. Болотов А.А., Гашков С.Б., Фролов А.Б., Часовских А.А. Элементарное введение в эллиптическую криптографию. Книга 1: Алгебраические и алгоритмические основы. Изд.2, доп. 2012. 360 с. [https://fileskachat.com/download/42276\\_2f1434dd0df4cd2ff87d8a7c2c417a7d.html](https://fileskachat.com/download/42276_2f1434dd0df4cd2ff87d8a7c2c417a7d.html)
4. В. Мао. Современная криптография: теория и практика. - СПб.: Вильямс, 2005, 785с.
5. Василенко О.Н. Теоретико-числовые алгоритмы в криптографии / О.Н. Василенко. – М.: МЦНМО, 2006. – 336 с.
6. Задірака В.К. Комп'ютерна криптологія / В.К.Задірака, О.С. Олексюк. – Тернопіль, Київ, 2002. – 504 с.
7. Коблиц Н. Курс теории чисел и криптографии / Н. Коблиц. – М.: ТВП. – 2001. – 254с.
8. Молдовян А.А., Молдовян В.А., Советов В.Я. Криптография. – Серия “Учебники для вузов. Специальная литература”. – Спб.: Издательство “Лань”, 2006. – 224 с.
9. О.В.Вербіцький. Вступ до криптології. Видавництво НТЛ., Львів, 2008, с.248.
10. Фергюссон Н. Практическая криптография / Н. Фергюссон, Б. Шнайер. – М.: Вильямс, 2005. – 424 с.



## РЕГУЛЯЦІЯ І ПОЛІТИКИ КУРСУ

### **Відвідування занять. Регуляція пропусків.**

Відвідування занять обов'язкове.

Завдання мають бути виконанні в зазначені терміни.

Пропуски занять, незалежно від причини підлягають відпрацюванню у години консультацій.

За умови систематичних пропусків може бути застосована процедура повторного вивчення дисципліни (див. посилання на Положення у додатку до силабусу).

### **Політика академічної доброчесності**

Кожний студент зобов'язаний дотримуватися принципів академічної доброчесності. Письмові завдання з використанням часткових або повнотекстових запозичень з інших робіт без зазначення авторства – це *плагіат*. Використання будь-якої інформації (текст, фото, ілюстрації тощо) мають бути правильно процитовані з посиланням на автора! Якщо ви не впевнені, що таке плагіат, фабрикація, фальсифікація, порадьтеся з викладачем. До студентів, у роботах яких буде виявлено списування, плагіат чи інші прояви недоброчесної поведінки можуть бути застосовані різні дисциплінарні заходи (див. посилання на Кодекс академічної доброчесності ЗНУ в додатку до силабусу).

### **Використання комп'ютерів/телефонів на занятті**

Під час занять персональні електронні пристрої (телефони, ПК) можна використовувати лише за умови виробничої необхідності (за погодженням з викладачем). Мобільні телефони повинні бути переведені на беззвучний режим. Під час занять заборонено надсилання текстових повідомлень, прослуховування музики, перевірка електронної пошти, соціальних мереж тощо.

### **Комунікація**

Очікується, що студенти перевірятимуть свою електронну пошту і сторінку дисципліни в Moodle та реагуватимуть своєчасно. Всі робочі оголошення можуть надсилатися через старосту, на електронну пошту та розміщуватимуться в Moodle. Будь ласка, перевіряйте повідомлення вчасно. Ел. пошта має бути підписана справжнім ім'ям і прізвищем.



## ДОДАТОК ДО СИЛАБУСУ ЗНУ – 2020-2021

**ГРАФІК НАВЧАЛЬНОГО ПРОЦЕСУ 2020-2021 н. р. (зіпосилання на сторінку сайту)**

**АКАДЕМІЧНА ДОБРОЧЕСНІСТЬ.** Студенти і викладачі Запорізького національного університету несуть персональну відповідальність за дотримання принципів академічної доброчесності, затверджених *Кодексом академічної доброчесності ЗНУ*: <https://tinyurl.com/ya6yk4ad>. Декларація академічної доброчесності здобувача вищої освіти (додається в обов'язковому порядку до письмових кваліфікаційних робіт, виконаних здобувачем, та засвідчується особистим підписом): <https://tinyurl.com/y6wzzlu3>.

**ОСВІТНІЙ ПРОЦЕС ТА ЗАБЕЗПЕЧЕННЯ ЯКОСТІ ОСВІТИ.** Перевірка набутих студентами знань, навичок та вмінь (атестації, заліки, іспити та інші форми контролю) є невід'ємною складовою системи забезпечення якості освіти і проводиться відповідно до *Положення про організацію та методичку проведення поточного та підсумкового семестрового контролю навчання студентів ЗНУ*: <https://tinyurl.com/y9tve4lk>.

**ПОВТОРНЕ ВИВЧЕННЯ ДИСЦИПЛІН, ВІДРАХУВАННЯ.** Наявність академічної заборгованості до 6 навчальних дисциплін (в тому числі проходження практики чи виконання курсової роботи) за результатами однієї екзаменаційної сесії є підставою для надання студенту права на повторне вивчення зазначених навчальних дисциплін. Порядок повторного вивчення визначається *Положенням про порядок повторного вивчення навчальних дисциплін та повторного навчання у ЗНУ*: <https://tinyurl.com/y9pkmmp5>. Підстави та процедури відрахування студентів, у тому числі за невиконання навчального плану, регламентуються *Положенням про порядок переведення, відрахування та поновлення студентів у ЗНУ*: <https://tinyurl.com/ycds57la>.

**НЕФОРМАЛЬНА ОСВІТА.** Порядок зарахування результатів навчання, підтверджених сертифікатами, свідоцтвами, іншими документами, здобутими поза основним місцем навчання, регулюється *Положенням про порядок визнання результатів навчання, отриманих у неформальній освіті*: <https://tinyurl.com/y8gbt4xs>.

**ВИРІШЕННЯ КОНФЛІКТІВ.** Порядок і процедури врегулювання конфліктів, пов'язаних із корупційними діями, зіткненням інтересів, різними формами дискримінації, сексуальними домаганнями, міжособистісними стосунками та іншими ситуаціями, що можуть виникнути під час навчання, регламентуються *Положенням про порядок і процедури вирішення конфліктних ситуацій у ЗНУ*: <https://tinyurl.com/ycyfws9v>. Конфліктні ситуації, що виникають у сфері стипендіального забезпечення здобувачів вищої освіти, вирішуються стипендіальними комісіями факультетів, коледжів та університету в межах їх повноважень, відповідно до: *Положення про порядок призначення і виплати академічних стипендій у ЗНУ*: <https://tinyurl.com/yd6bq6p9>; *Положення про призначення та виплату соціальних стипендій у ЗНУ*: <https://tinyurl.com/y9r5dpwh>.

**ЗАПОБІГАННЯ КОРУПЦІЇ.** Уповноважена особа з питань запобігання та виявлення корупції (Воронков В. В., 1 корп., 29 каб., тел. +38 (061) 289-14-18).

**ПСИХОЛОГІЧНА ДОПОМОГА.** Телефон довіри практичного психолога (061)228-15-84 (щоденно з 9 до 21).

**РІВНІ МОЖЛИВОСТІ ТА ІНКЛЮЗИВНЕ ОСВІТНЄ СЕРЕДОВИЩЕ.** Центральні входи усіх навчальних корпусів ЗНУ обладнані пандусами для забезпечення доступу осіб з інвалідністю та інших маломобільних груп населення. Допомога для здійснення входу у разі потреби надається черговими охоронцями навчальних корпусів. Якщо вам потрібна спеціалізована допомога, будь-ласка, зателефонуйте (061) 228-75-11 (начальник охорони). Порядок супроводу (надання допомоги) осіб з інвалідністю та інших маломобільних груп населення у ЗНУ: <https://tinyurl.com/ydhcsagx>.

**РЕСУРСИ ДЛЯ НАВЧАННЯ.** Наукова бібліотека: <http://library.znu.edu.ua>. Графік роботи абонементів: понеділок – п'ятниця з 08.00 до 17.00; субота з 09.00 до 15.00.

**ЕЛЕКТРОННЕ ЗАБЕЗПЕЧЕННЯ НАВЧАННЯ (MOODLE):** [HTTPS://MOODLE.ZNU.EDU.UA](https://moodle.znu.edu.ua)

Якщо забули пароль/логін, направте листа з темою «Забув пароль/логін» за адресами:

- для студентів ЗНУ - [moodle.znu@gmail.com](mailto:moodle.znu@gmail.com), Савченко Тетяна Володимирівна
- для студентів Інженерного інституту ЗНУ - [alexvask54@gmail.com](mailto:alexvask54@gmail.com), Василенко Олексій Володимирович

У листі вкажіть: прізвище, ім'я, по-батькові українською мовою; шифр групи; електронну адресу.

Якщо ви вказували електронну адресу в профілі системи Moodle ЗНУ, то використовуйте посилання для відновлення паролю <https://moodle.znu.edu.ua/mod/page/view.php?id=133015>.

**Центр інтенсивного вивчення іноземних мов:** <http://sites.znu.edu.ua/child-advance/>

**Центр німецької мови, партнер Гете-інституту:** <https://www.znu.edu.ua/ukr/edu/ocznu/nim>

**Школа Конфуція (вивчення китайської мови):** <http://sites.znu.edu.ua/confucius>.